

புதிதான பாடத்திட்டம் / New Syllabus

NEW

இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம்
Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු
கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ட்
General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

மேல்நிலை
கணிதம்
Mathematics

07 T I

28.08.2019 / 0830 – 1140

පැය තුනයි
மூன்று மணித்தியாலம்
Three hours

අමතර කියවීමේ කාලය - මිනිත්තු 10 යි
மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
Additional Reading Time - 10 minutes

வினாத்தாளை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவுசெய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒழுங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

சுட்டெண்

அறிவுறுத்தல்கள் :

- * இவ்வினாத்தாள் பகுதி A (வினாக்கள் 1 - 10), பகுதி B (வினாக்கள் 11 - 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டுள்ளது.
- * பகுதி A :
எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் உமது விடைகளை எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிக தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- * பகுதி B :
ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் உமது விடைகளை எழுதுக.
- * ஒதுக்கப்பட்டுள்ள நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A ஆனது பகுதி B இற்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- * வினாத்தாளின் பகுதி B ஐ மாத்திரம் பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.

பரீட்சகர்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

(07) கணிதம் I		
பகுதி	வினா எண்	புள்ளிகள்
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	மொத்தம்	

மொத்தம்

இலக்கத்தில்	
எழுத்தில்	

குறியீட்டெண்கள்

விடைத்தாள் பரீட்சகர்	
1	
பரிசீலித்தவர்:	
2	
மேற்பார்வை செய்தவர்	

1. $A = \{x \in \mathbb{R} : |x-2| \geq 2\}$, $B = \{x \in \mathbb{R} : |x-1| < 3\}$ ஆகியன \mathbb{R} இன் தொடைப்பிரிவுகளைக் கொள்வோம். $A \cap B$, $A \cup B'$ ஆகியவற்றைக் காண்க.

2. A, B ஆகியன ஓர் அகிலத் தொடை S இன் தொடைப்பிரிவுகளெனக் கொள்வோம். வழக்கமான குறிப்பீட்டில், தொடை $A \setminus B$ ஆனது $A \setminus B = A \cap B'$ இனால் வரையறுக்கப்படுகின்றது. $A \setminus B = B' \setminus A'$ எனவும் $(A \setminus B) \setminus C = A \setminus (B \cup C)$ எனவும் காட்டுக.

- [The page contains faint horizontal dotted lines for writing.]*

- [illegible]

-
- This image shows a full page of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary school writing paper. The lines are evenly spaced and run across the width of the page. There are no margins, text, or other markings on the paper.

-
- This image shows a full page of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary school writing paper. The lines are evenly spaced and run across the entire width of the page. There are no margins, text, or other markings present.

- [illegible]

- [illegible]

-
- This image shows a full page of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary school writing paper. The lines are evenly spaced and run across the width of the page. There are no margins, text, or other markings on the paper.

- [illegible]

ஐவ் வர்ஷேவ/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus

NEW

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව & ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව & ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka
 විභාග දෙපාර්තමේන්තුව & ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව & ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரīட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු
 කல்විப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ட்
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

கணிதம்	I
Mathematics	I

07 T I

பகுதி B

* ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

11. (a) ஒரு குறித்த பாடசாலையின் எண்பத்தைந்து மாணவர்கள் இறுதிப் பரீட்சைக்குத் தகைமை பெறுவதற்கு முன்தகைமை பெறுவதற்கான இரு பரீட்சைகளை எதிர்கொள்ள வேண்டியுள்ளது. முதலாம் முன்தகைமை பெறுவதற்கான பரீட்சையில் சித்தியடைந்த மாணவர்களின் எண்ணிக்கை இரண்டாம் பரீட்சையில் சித்தியடைந்த மாணவர்களின் எண்ணிக்கையின் இருமடங்கிற்குச் சமமாகும். ஒரு பரீட்சையில் மாத்திரம் சித்தியடைந்த மாணவர்களின் எண்ணிக்கை 70 ஆக இருக்கும் அதே வேளை 5 மாணவர்கள் இரு பரீட்சைகளிலும் சித்தியடையவில்லை.
- (i) ஒவ்வொரு முன்தகைமை பெறும் பரீட்சையிலும்
- (ii) இரு பரீட்சைகளிலும்
- சித்தியடைந்த மாணவர்களின் எண்ணிக்கையைத் துணிக.
- (b) மெய்நிலை அட்டவணைகளைப் பயன்படுத்தி, பின்வரும் கூட்டு எடுப்புகள் ஒவ்வொன்றும் ஒரு புனருத்தியா, ஓர் எதிர்மறுப்பா, அவை இரண்டுமல்ல எனத் துணிக.
- (i) $[p \wedge (\sim q \Rightarrow \sim p)] \Rightarrow q$
- (ii) $[p \wedge (p \Rightarrow q)] \wedge (\sim q)$
- (iii) $\sim (p \wedge q) \Rightarrow (p \vee q)$
12. (a) கணிதத் தொகுத்தறிவுக் கோட்பாட்டைப் பயன்படுத்தி, எல்லா $n \in \mathbb{Z}^+$ இற்கும்
- $$\sum_{r=1}^n (6r^2 - 2r - 1) = n(2n^2 + 2n - 1) \text{ என நிறுவுக.}$$
- (b) $r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $V_r = \frac{1}{(r+1)(r+2)}$ எனக் கொள்வோம்.
- $r \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $V_r = \frac{r+1}{r+2} - \frac{r}{r+1}$ என வாய்ப்புப் பார்க்க.
- $n \in \mathbb{Z}^+$ இற்கு $\sum_{r=1}^n V_r = \frac{n}{2(n+2)}$ எனக் காட்டுக.
- மேலும் $\sum_{r=6}^{16} (2V_r + 3)$ ஐக் காண்க.
13. (a) $a \in \mathbb{R}$ எனக் கொள்வோம். சமன்பாடு $x^2 + ax - 1 = 0$ இன் மூலங்கள் மெய்யானவையும் வேறுவேறுமானவையும் ஆகும் எனக் காட்டுக.
- α, β ஆகியன இம்மூலங்களெனக் கொள்வோம்; $2\alpha + 1, 2\beta + 1$ ஐ மூலங்களாகக் கொண்ட இருபடிச் சமன்பாட்டைக் காண்க.
- (b) $f(x) = x^3 + 3x^2 + px + q$ எனக் கொள்வோம்; இங்கு p, q ஆகியன மெய்யெண்களாகும். $f(x)$ ஆனது $(x-1)$ இனால் வகுக்கப்படும்போது மீதி -12 உம் $(x-2)$ ஆனது $f(x)$ இன் ஒரு காரணியும் ஆகும். p, q ஆகியவற்றின் பெறுமானங்களைக் காண்க.
- மேலும் $f(x)$ இன் ஏனைய ஏகபரிமாணக் காரணிகளையும் காண்க.

14. (a) $k \in \mathbb{R}$ எனக் கொள்வோம். $(1 + kx)^{23}$ இன் ஈறுப்பு விரியில் x^{20} , x^{21} ஆகியவற்றின் குணகங்கள் சமமாகும். $k = 7$ எனக் காட்டுக.
- (b) 3 இலும் கூடிய x இன் வலுக்கள் உள்ள உறுப்புகளைக் கைவிட்டு $(1.7)^{23} + (0.3)^{23}$ இற்கு ஓர் அண்ணளவுப் பெறுமானத்தைக் காண்க.
- (c) ஒரு மாதத்தின் தொடக்கத்தில் ஒருவர் ரூ. 50 000 ஐ வைப்புச் செய்து ஒரு வங்கிக் கணக்கை ஆரம்பித்தார். பின்னர் அவர் இரண்டு ஆண்டுகளுக்கு ஒவ்வொரு மாதத்தின் தொடக்கத்திலும் ரூ. 20 000 ஐ வைப்புச் செய்தார். கணக்கிற்கு மாதந்தோறும் 0.5% கூட்டு வட்டி கொடுக்கப்படுகின்றது. இரண்டு ஆண்டுகளுக்குப் பின்னர் கணக்கின் மீதியைக் காண்க.
- இந்த இரண்டு ஆண்டு காலத்திற்குப் பின்னர் ஒவ்வொரு மாதத்தின் இறுதியிலும் அவர் ரூ. 20 000 ஐக் கணக்கிலிருந்து திரும்ப எடுக்கின்றார். அவர் ஒவ்வொரு மாதமும் ரூ. 20 000 ஐத் தொடர்ச்சியாகத் திரும்ப எடுப்பதற்கு எவ்வளவு காலத்திற்குக் கணக்கில் பணம் எஞ்சியிருக்கும்?

15. புள்ளி $(-2, 8)$ இனூடாகச் செல்கின்றனவாகவும் அச்சுகளின் மீது உள்ள வெட்டுத்துண்டுகளின் கூட்டுத்தொகை 6 ஆகவும் உள்ள l_1 , l_2 என்னும் இரு நேர்கோடுகள் இருக்கின்றனவெனக் காட்டுக.

ஒரு நேர்கோடு மேற்குறித்த l_1 , l_2 ஆகிய இரு நேர்கோடுகளையும் முறையே P , Q ஆகிய புள்ளிகளில் சந்திக்கின்றது. கோட்டுத் துண்டம் PQ இன் நடுப்புள்ளி $(1, 5)$ எனின், கோடு PQ இன் சமன்பாட்டைக் காண்க.

l_1 , l_2 ஆகிய இரு நேர்கோடுகளினதும் வெட்டுப் புள்ளியினூடாக PQ இற்குச் செங்குத்தாகச் செல்லும் நேர்கோட்டின் சமன்பாடு $4y = x + 34$ எனக் காட்டுக.

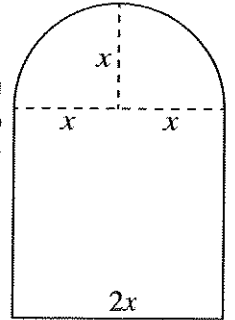
16. (a) $\lim_{x \rightarrow a} \frac{x^2 - a^2}{x^3 - a^3}$ ஐக் காண்க.

(b) பின்வரும் ஒவ்வொன்றையும் x ஐக் குறித்து வகையிடுக.

(i) $\ln(x + e^{\sqrt{x}})$ (ii) $(x + \sqrt{x^2 + a^2})^3$ (iii) $\sqrt{\frac{1+e^x}{1-e^x}}$

- (c) உருவிற காட்டப்பட்டுள்ளவாறு ஒரு யன்னல் ஒரு செவ்வகத்தின் மீது ஏற்றிய ஓர் அரைவட்டத்தின் வடிவத்தைக் கொண்டுள்ளது. யன்னலின் முழுச் சுற்றளவும் $(\pi + 4) m$ ஆகும். அரைவட்டத்தின் ஆரை $x m$ எனக் கொண்டு யன்னலின் பரப்பளவு $A m^2$ ஆனது $A = k(2x - x^2)$ இனால் தரப்படுமெனக் காட்டுக; இங்கு $k = \frac{1}{2}(\pi + 4)$.

யன்னலின் பரப்பளவு ஓர் உயர்ந்தபட்சமாக இருக்கத்தக்கதாக x இன் பெறுமானத்தைக் காண்க.



17. (a) பகுதிகளாகத் தொகையிடல் முறையைப் பயன்படுத்தி, $\int (x+1)^2 e^x dx$ ஐப் பெறுமானங் கணிக்க.
- (b) பின்வரும் அட்டவணை 0 இற்கும் 1 இற்குமிடையே நீளம் 0.2 ஆகவுள்ள ஆயிடைகளில் x இன் பெறுமானங்களுக்குச் சார்பு $f(x) = \frac{1}{(2-x)^2}$ இன் பெறுமானங்களை நான்கு தசம தானங்களுக்குச் சரியாகத் தருகின்றது.

x	0.00	0.20	0.40	0.60	0.80	1.00
$f(x)$	0.2500	0.3086	0.3906	0.5102	0.6944	1.0000

சரிவகப்போலி நெறியைப் பயன்படுத்தி, $I = \int_0^1 \frac{1}{(2-x)^2} dx$ இற்கு ஓர் அண்ணளவுப் பெறுமானத்தை மூன்று தசம தானங்களுக்குச் சரியாகக் காண்க.

பிரதியீடு $u = 2 - x$ ஐப் பயன்படுத்தி அல்லது வேறு விதமாக I ஐக் கண்டு, மேலே பெற்ற அண்ணளவுப் பெறுமானத்துடன் ஒப்பிடுக.

(නව නිර්දේශය/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus)

ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව ශ්‍රී ලංකා විභාග දෙපාර්තමේන්තුව
 இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம் இலங்கைப் பரීட்சைத் திணைக்களம்
 Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka Department of Examinations, Sri Lanka

NEW

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු
 கல்விப் பொதுத் தராதரப் பத்திர (உயர் தர)ப் பரீட்சை, 2019 ஓகஸ்ட்
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

ගණිතය II
 கணிதம் II
 Mathematics II

07 T II**2019.08.29 / 0830 - 1140**

පැය තුනයි
 மூன்று மணித்தியாலம்
 Three hours

අමතර කියවීමේ කාලය - මිනිත්තු 10 යි
 மேலதிக வாசிப்பு நேரம் - 10 நிமிடங்கள்
 Additional Reading Time - 10 minutes

வினாத்தாளை வாசித்து, வினாக்களைத் தெரிவுசெய்வதற்கும் விடை எழுதும்போது முன்னுரிமை வழங்கும் வினாக்களை ஒழுங்கமைத்துக் கொள்வதற்கும் மேலதிக வாசிப்பு நேரத்தைப் பயன்படுத்துக.

சுட்டெண்

அறிவுறுத்தல்கள் :

- * இவ்வினாத்தாள் பகுதி A (வினாக்கள் 1 - 10), பகுதி B (வினாக்கள் 11 - 17) என்னும் இரு பகுதிகளைக் கொண்டுள்ளது.
- * பகுதி A :
எல்லா வினாக்களுக்கும் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள இடத்தில் ஒவ்வொரு வினாவுக்கும் உமது விடைகளை எழுதுக. மேலதிக இடம் தேவைப்படுமெனின், நீர் மேலதிக தாள்களைப் பயன்படுத்தலாம்.
- * பகுதி B :
ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக. தரப்பட்டுள்ள தாள்களில் உமது விடைகளை எழுதுக.
- * ஒதுக்கப்பட்டுள்ள நேரம் முடிவடைந்ததும் பகுதி A ஆனது பகுதி B இற்கு மேலே இருக்கத்தக்கதாக இரு பகுதிகளையும் இணைத்துப் பரீட்சை மண்டப மேற்பார்வையாளரிடம் கையளிக்க.
- * வினாத்தாளின் பகுதி B ஐ மாத்திரம் பரீட்சை மண்டபத்திலிருந்து வெளியே எடுத்துச் செல்வதற்கு அனுமதிக்கப்படும்.
- * புள்ளிவிவர அட்டவணைகள் வழங்கப்படும்.

பரீட்சகர்களின் உபயோகத்திற்கு மாத்திரம்

(07) கணிதம் II		
பகுதி	வினா எண்	புள்ளிகள்
A	1	
	2	
	3	
	4	
	5	
	6	
	7	
	8	
	9	
	10	
B	11	
	12	
	13	
	14	
	15	
	16	
	17	
	மொத்தம்	

மொத்தம்

இலக்கத்தில்

எழுத்தில்

குறியீட்டெண்கள்

விடைத்தாள் பரீட்சகர்

1

பரிசீலித்தவர்:

2

மேற்பார்வை செய்தவர்

This image shows a full page of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary school writing paper. The lines are evenly spaced and run across the width of the page. There are no margins, text, or other markings on the paper.

2. $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 2 & -1 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 2 \\ -1 & 4 & 1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ 3 & -1 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$ எனக் கொள்வோம்.

[illegible]

3. ஒரு மோட்டர்ச் சைக்கிளைக் கோப்பதற்கு எடுக்கும் நேரம் X (மணித்தியாலங்களில்) ஆனது இடை μ ஆகவும் நியம விலகல் 5 ஆகவும் உள்ள ஒரு செவ்வன் பரம்பலைப் பின்பற்றுகின்றது. மோட்டர்ச் சைக்கிள்களில் 10 % ஆனவை 14 மணித்தியாலங்களிலும் குறைந்த நேரத்தில் கோக்கப்படுமெனின், இடை μ ஐக் காண்க.

This image shows a single sheet of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary-ruled notebook paper. The lines are evenly spaced and run across the width of the page. There are no margins, text, or other markings on the paper.

4. ஒரு கம்பனியில் முறையே 50, 60 ஊழியர்கள் இருக்கும் A, B என்னும் இரு பிரிவுகள் உள்ளன. ஒரு குறித்த ஆண்டில் இரு பிரிவுகளிலும் மாதச் சம்பளங்களின் சராசரியும் நியம விலகலும் பின்வரும் அட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ளன.

பிரிவு	ஊழியர்களின் எண்ணிக்கை	சராசரி மாதச் சம்பளம் (ரூ.)	மாதச் சம்பளங்களின் நியம விலகல் (ரூ.)
A	50	40 000	6 750
B	60	35 000	7 000

சம்பளங்களில் கூடுதலான மாற்றிற்கவு உள்ள பிரிவைத் துணிக.

This image shows a full page of white paper with horizontal dashed lines, typical of primary school writing paper. The lines are evenly spaced and run across the width of the page. There are no margins, text, or other markings on the paper.

[illegible][illegible]

கொண்டிருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

8. ஒரு பின்னக எழுமாற்று மாற்றி X இன் நிகழ்தகவுத் திணிவுச் சார்பு கீழே தரப்பட்டுள்ளது.

x	0	1	2	3
$P(X=x)$	0.2	0.2	0.3	0.3

$E(X)$ ஐக் காண்க.

Y ஆனது $Y=2X-3$ இனால் தரப்படும் எழுமாற்று மாறியெனக் கொள்வோம். $E(Y)$ ஐயும் Y நேராக இருப்பதற்கான நிகழ்தகவையும் காண்க.

[illegible][illegible]

(ஐவ் திர்ஜேஹ/புதிய பாடத்திட்டம்/New Syllabus)

NEW

இலங்கைப் பரீட்சைத் திணைக்கட்சம்
 Department of Examinations, Sri Lanka

අධ්‍යයන පොදු සහතික පත්‍ර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 අගෝස්තු
 කல்බූරි පොතාලය තරාතරව පත්තිර (උසස් පෙළ) විභාගය, 2019 ඔක්තෝබර්
 General Certificate of Education (Adv. Level) Examination, August 2019

கணிதம்	II
Mathematics	II

07 T II

பகுதி B

* ஐந்து வினாக்களுக்கு மாத்திரம் விடை எழுதுக.

11. ஒரு கம்பனியில் உயர் தர, இடைத் தர, கீழ்த் தர ஆணிகளுக்கு வெவ்வேறு உற்பத்திக் கொள்ளளவுகள் உள்ள A, B என்னும் இரு பொறிகள் உள்ளன. சந்தையில் உள்ள கேள்வியைப் பூர்த்தி செய்வதற்கு இக்கம்பனி ஒரு வாரத்தில் உயர் தர, இடைத் தர, குறைந்த தர ஆணிகளின் குறைந்தபட்சம் முறையே 7, 6, 13 தொன்களையேனும் உற்பத்தி செய்ய வேண்டும். A, B ஆகிய இரு பொறிகளையும் தொழிற்படுத்துவதற்குக் கம்பனி ஒரு நாளுக்கு முறையே ரூ. 10 000, ரூ. 8 000 ஐச் செலவிடுகின்றது. ஒரு நாளுக்காக ஆணியின் ஒவ்வொரு தரத்தையும் உற்பத்தி செய்வதற்கான ஒவ்வொரு பொறியினதும் உற்பத்திக் கொள்ளளவுகள் தொன்னில் பின்வரும் அட்டவணையில் தரப்பட்டுள்ளன.

ஆணியின் தரம்	கொள்ளளவு (தொன் / நாள்)	
	<i>A</i>	<i>B</i>
உயர் தரம்	2	1
இடைத் தரம்	1	1
குறைந்த தரம்	2	3

கம்பனி கேள்வியைப் பூர்த்தி செய்து கொண்டு மொத்த உற்பத்திச் செலவை இழிவளவாக்குவதற்கு ஒவ்வொரு பொறியும் ஒரு வாரத்தில் தொழிற்பட வேண்டிய நாட்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்பதற்கு விரும்புகின்றது.

- (i) இதனை ஓர் ஏகபரிமாண நிகழ்ச்சித்திட்டப் பிரசினமாகச் சூத்திரிக்க.
- (ii) இயலத்தக்க பிரதேசத்தின் ஒரு பரும்படிப் படத்தை வரைக.
- (iii) வரைபு முறையைப் பயன்படுத்தி, மேலே (i) இற் சூத்திரித்த பிரசினத்தின் தீர்வைக் காண்க.
- (iv) ஒரு தொழினுட்பத் தவறு காரணமாகப் உயர்ந்தபட்சம் பொறி A ஒரு வாரத்தில் தொழிற்படும் நாட்களின் எண்ணிக்கையின் இரு மடங்கான நாட்களுக்குப் பொறி B தொழிற்பட வேண்டும்.
- கம்பனி உற்பத்திச் செலவை இழிவுவளவாக்குவதற்கு இன்னும் விரும்பினால், ஒரு வாரத்தில் மொத்த உற்பத்திச் செலவின் அதிகரிப்பைக் காண்க.

12. (a) $A = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & -2 \\ x & 2 & y \end{pmatrix}$ எனக் கொள்வோம்.

$AA^T = I_3$ ஆக இருக்கத்தக்கதாக x, y ஆகியவற்றைக் காண்க; இங்கு I_3 ஆனது வரிசை 3 இன் சர்வசமன்பாட்டுத் தாயமாக இருக்கும் அதே வேளை A^T ஆனது A இன் நிலைமாற்றை வகைகுறிக்கின்றது.

(b) $A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$ எனக் கொள்வோம்.

$A^3 + pA = qI_3$ ஆக இருக்கத்தக்கதாக p, q ஆகிய மாறிலிகளைக் காண்க; இங்கு I_3 ஆனது வரிசை 3 இன் சர்வசமன்பாட்டுத் தாயமாகும்.

$BA = I_3$ ஆக இருக்கத்தக்கதாக வரிசை 3 இன் ஒரு சதுரத் தாயம் B இருக்கின்றதென உய்த்தறிக்க. பின்வரும் ஏகபரிமாணச் சமன்பாட்டுத் தொகுதியைக் கருதுக:

$$\begin{aligned} y + z &= 1 \\ x + z &= 2 \\ x + y &= 5 \end{aligned}$$

$H = \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 5 \end{pmatrix}$ எனவும் $X = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ எனவும் எடுத்துத் தாயச் சமன்பாடு $AX = H$ ஆனது மேற்குறித்த

ஏகபரிமாணச் சமன்பாட்டுத் தொகுதியை வகைகுறிக்கின்றதெனக் காட்டுக.

இதிலிருந்து, மேற்குறித்த ஏகபரிமாணச் சமன்பாட்டுத் தொகுதியைத் தீர்க்க.

13. (a) முகங்களில் 1, 2, 3, 4, 5, 6 எனக் குறிக்கப்பட்டுள்ள ஆறு பக்கங்களைக் கொண்ட I, II என்னும் இரு கோடாத நியமத் தாயக் கட்டைகள் மேலே எறியப்படுகின்றன. தாயக் கட்டை I இனதும் தாயக் கட்டை II இனதும் தரையிற் படும் எண்கள் முறையே x, y எனக் கொள்வோம்.

A, B ஆகிய நிகழ்ச்சிகள்

$$A : x \leq y,$$

$$B : x + y \text{ ஓர் ஒற்றை நிறையெண்}$$

ஆகியவற்றினால் வரையறுக்கப்படுகின்றனவெனக் கொள்வோம்.

$P(A), P(B), P(A \cap B), P(A|B)$ ஆகியவற்றைக் காண்க.

- (b) (i) "STATISTICS" என்னும் சொல்லின் பத்து எழுத்துகளினாலும் ஆக்கப்படத்தக்க வரிசைமாற்றங்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

- (ii) "STATISTICS" என்னும் சொல்லின் பத்து எழுத்துகளிலிருந்து எடுக்கப்பட்ட நான்கு எழுத்துகளினால் ஆக்கப்படத்தக்க ஒன்றிலிருந்தொன்று வேறுபட்ட சேர்மானங்களின் எண்ணிக்கையைக் காண்க.

14. A, B, C என்னும் மூன்று பெட்டிகளில் பழங்கள், பெட்டி A இல் 7 மாம்பழங்கள் மாத்திரமும் பெட்டி B இல் 4 மாம்பழங்களும் 3 பேரிக் காய்களும் பெட்டி C இல் 5 அப்பிள்களும் 2 பேரிக் காய்களும் இருக்கத்தக்கதாக, உள்ளன. ஒரு பெட்டியை எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுத்து, அத்தெரிந்தெடுத்த பெட்டியிலிருந்து பிரதிவைப்பு இல்லாமல் எழுமாற்றாக ஒன்றன்பின் ஒன்றாக 2 பழங்கள் தெரிந்தெடுக்கப்படுகின்றனவெனக் கொள்க.

ஒவ்வொரு பெட்டியையும் தெரிந்தெடுத்தல் சமமாய் இயலத்தக்கதெனக் கொண்டு

- (i) தெரிந்தெடுக்கப்பட்ட இரு பழங்களும் மாம்பழங்களாக,
(ii) தெரிந்தெடுக்கப்பட்ட பழங்களில் குறைந்தபட்சம் ஒன்றேனும் மாம்பழமாக,
(iii) ஒன்று மாம்பழமெனத் தரப்படும்போது தெரிந்தெடுக்கப்பட்ட பழங்கள் இரண்டும் மாம்பழங்களாக,
(iv) பழங்கள் ஒன்றிலிருந்தொன்று வேறுபட்ட வகைகளாக

இருப்பதற்கான நிகழ்தகவைக் காண்க.

15. ஒரு தொடர் எழுமாற்று மாறி X இற்கு நிகழ்தகவு அடர்த்திச் சார்பு $f(x)$ ஆனது

$$f(x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} & , x > 0 \\ 0 & , \text{அவ்வாறு இராதபோது;} \end{cases}$$

இனால் தரப்படும் ஓர் அடுக்குக்குறிப் பரம்பல் உள்ளது; இங்கு $\lambda (> 0)$ ஒரு பரமானம்.

X இன் இடையையும் மாற்றிறனையும் காண்க.

ஒரு மின்னியக்ககரணத்தின் ஆயுட்காலம் X ஆனது இடை 2 ஆண்டுகளுடன் அடுக்குக்குறிமுறையாகப் பரம்பியுள்ளது. X இன் திரள் பரம்பற் சார்பைக் கண்டு, அதிலிருந்து, X இன் இடையத்தைக் காண்க. (நீர் $e^{-0.7} \simeq 0.5$ என எடுக்கலாம்.)

ஓர் உபகரணம் எழுமாற்றாகத் தெரிந்தெடுக்கப்படுகின்றது.

(i) உபகரணத்தின் ஆயுட்காலம் $1\frac{1}{2}$ ஆண்டுகளை விஞ்சுவதற்கான,

(ii) உபகரணம் $1\frac{1}{2}$ ஆண்டுகளுக்கு மேற்பட்ட காலத்திற்கு இருந்ததெனத் தரப்படும்போது உபகரணம் 2 ஆண்டுகளுக்கு முன்பாகத் தொழிற்படத் தவறுவதற்கான

நிகழ்தகவைக் காண்க.

(நீர் தீர்வுகளைச் சுருக்க வேண்டியதில்லை.)

16. பெறுமானத் தொடை $\{x_i : i = 1, 2, \dots, n\}$ இன் இடையும் நியம விலகலும் முறையே μ, σ ஆகும்.

பெறுமானத் தொடை $\{ax_i + b : i = 1, 2, \dots, n\}$ இன் இடையையும் நியம விலகலையும் காண்க; இங்கு a, b ஆகியன மாறிலிகள்.

70 நீரிழிவு நோயாளிகளைக் கொண்ட ஒரு குழுவில் உயர் குருதி வெல்லம் இருத்தல் முதல் நிதானிப்பில் இனங்காணப்பட்ட வயதுகள் (கிட்டிய ஆண்டுக்கு அறிக்கையிடப்பட்டுள்ளன) பின்வரும் அட்டவணையில் பொழிப்பாக்கப்பட்டுள்ளன.

வயது	நோயாளிகளின் எண்ணிக்கை
10 – 20	9
20 – 30	12
30 – 40	32
40 – 50	14
50 – 60	3

(i) ஓர் உகந்த ஏகபரிமாண உருமாற்றத்தைப் பயன்படுத்தி அல்லது வேறு விதமாக, தரப்பட்ட மீறன் பரம்பலின் இடையையும் நியம விலகலையும் கணிக்க.

(ii) மேற்குறித்த பரம்பலின் காலணையிடை வீச்சைக் காண்க.

(iii) 55 வயதில் உயர் குருதி வெல்லம் இருப்பதாக முதல் தடவை இனங்காணப்பட்ட இரு நோயாளிகள் இக்குழுவின் இணைந்தனர். எல்லா 72 நோயாளிகளிலும் உயர் குருதி வெல்லம் இருப்பதாக முதல் தடவை இனங்காணப்பட்ட வயதுகளின் மீறன் பரம்பலின் காலணையிடை வீச்சைக் காண்க.

17. ஒரு செயற்றிட்டத்தின் செயற்பாடுகளுக்கு எடுக்கும் காலமும் செயற்பாடுகளின் பாய்ச்சலும் பின்வரும் அட்டவணையில் விவரிக்கப்பட்டுள்ளன:

செயற்பாடு	கிட்டிய முந்திய செயற்பாடு (செயற்பாடுகள்)	காலம் (மாதங்களில்)
A	—	2
B	A	2
C	A	3
D	B, C	4
E	B, D	5
F	—	8
G	E, F	1
H	E, G	2
I	H	4

- (i) செயற்றிட்ட வலையமைப்பை அமைக்க.
- (ii) ஒவ்வொரு செயற்பாட்டுக்கும் ஆரம்பிக்கத்தக்க முந்திய நேரம், முடிக்கத்தக்க முந்திய நேரம், ஆரம்பிக்கத்தக்க பிந்திய நேரம், முடிக்கத்தக்க பிந்திய நேரம், மிதப்பு ஆகியவற்றை உள்ளடக்கும் ஒரு செயற்பாட்டு அட்டவணையைத் தயாரிக்க
- (iii) செயற்றிட்டத்திற்கு எடுக்கும் மொத்தக் காலத்தை நீட்டிக்காமல் தாமதிக்க முடியாத செயற்பாடுகள் யாவை?
- (iv) செயற்றிட்டத்திற்கு எடுக்கும் மொத்த நேரத்தைக் காண்க.
- (v) வெளிக் காரணங்களுக்காகச் செயற்பாடு F இற்கு விதித்த காலத்திலும் பார்க்க ஒரு மாதம் கூடுதலாக எடுக்குமென எதிர்பார்க்கப்படுகின்றது. மேலே (iv) இற் கணித்த மொத்தக் காலத்தில் செயற்பாட்டை இன்னும் முடிக்க முடியுமாவெனத் துணிக.
